

# مروری بر کاربرد روش‌های شبیه‌سازی دینامیک مولکولی در مطالعه خواص نفوذی گازها در نانوچندسازه‌های بسپاری

امیرحسین حاجی علیرضایی<sup>۱</sup>، امیرحسین نوارچان<sup>۱\*</sup>، حسن سبزیان<sup>۲</sup>

۱- اصفهان، دانشگاه اصفهان، گروه مهندسی شیمی

۲- اصفهان، دانشگاه اصفهان، گروه شیمی

پیامنگار: navarchian@eng.ui.ac.ir

## چکیده

بررسی و بهبود خواص نانوچندسازه‌های بسپاری از جمله نفوذ گازها در این مواد و یا خاصیت انسدادی آنها در برابر عبور گاز مستلزم بررسی و شناسایی در سطح مولکولی است. انجام مطالعات آزمایشگاهی در این مقیاس علاوه بر لزوم صرف زمان زیاد، با هزینه‌های بالا و خطاهایی همراه است. روش‌های شبیه‌سازی راهکارهای جایگزین مناسبی برای این منظور هستند. با استفاده از شبیه‌سازی دینامیک مولکولی می‌توان بر مبنای نظری و با صرفه‌جویی در زمان و هزینه، رفتار سامانه‌های نانوچندسازه‌ای را مورد مطالعه قرار داد و اطلاعات مفید بیشتری به دست آورد. در این مقاله، ابتدا اصول شبیه‌سازی دینامیک مولکولی مورد بررسی قرار گرفته است و سپس مروری بر تحقیقات انجام شده در زمینه نفوذ گازها در سامانه‌های بسپاری و خاصیت انسدادی آنها در برابر عبور گازها صورت گرفته و انواع نرم‌افزارهای موجود برای شبیه‌سازی دینامیک مولکولی این خواص معرفی شده است. در پایان، نرخ انتشار مقالات با موضوعات فوق طی سالهای اخیر مورد ارزیابی قرار گرفته است.

**کلمات کلیدی:** شبیه‌سازی دینامیک مولکولی، نانوچندسازه‌های بسپاری، نفوذ، میدان نیرو

پدیده نفوذ و تراوایی در سامانه‌های نانوچندسازه بسپاری، موضوعی با اهمیت با دامنه وسیعی ای از کاربردها است که از جداسازی انتخابی گازها در غشاء‌های بسپاری (که در آنها پدیده غالب، نفوذ انتخابی است) و طراحی سامانه‌های دارویی جدید برای رهایش کنترل شده دارو (که در آن نفوذ کنترل شده مدنظر است)، تا تولید لايه‌های بسته‌بندی مواد غذایی (که بهبود خاصیت انسدادی و کاهش نفوذ، هدف می‌باشد) را دربرمی‌گیرد [۴]. سازوکار تراوایی را می‌توان در سه مرحله، جذب اجزای نفوذ کننده درون بسپار، نفوذ این اجزا از میان بسپار که براساس شب<sup>۱</sup> غلظت انجام می‌گیرد و

## ۱- مقدمه

نانوچندسازه‌های بسپاری دسته جدیدی از مواد مهندسی هستند که دارای دو فاز متفاوت، یکی بافت بسپاری و دیگری ذرات پرکننده (در حدود ۱۰-۱۱٪) [۱] با ابعاد نانومتری می‌باشند و خواص فیزیکی آنها، مانند استحکام مکانیکی، مقاومت گرمایی، تحمل در برابر شعله و خواص انسدادی و نفوذی [۲]، به مراتب بهتر از خواص نانوچندسازه‌های متدائل است [۳]. از ذرات پرکننده می‌توان به خاکرس، نانولوله‌های کربنی، یا ذرات سیلیکاتی، سرامیکی، و فلزی اشاره کرد.

بسپاری مورد استفاده قرار گرفته‌اند، شبیه‌سازی دینامیک مولکولی و مونت کارلو می‌باشند [۱۳]. هدف در این مقاله این است که با مرور روش شبیه‌سازی دینامیک مولکولی، کاربرد این روش در مطالعه خواص انسدادی و نفوذ گازها در بسپارهای پر شده با نانوذرات مشخص گردیده و روش‌های کار مورد استفاده توسط پژوهشگران مختلف با یکدیگر مقایسه گردد. بررسی مقالات چاپ شده نشان می‌دهد که با وجود مطالعات زیادی که در زمینه سامانه‌های نانوچندسازهای بسپاری در دهه‌های اخیر انجام گرفته، بر روی شبیه‌سازی خواص این مواد، مانند خواص نفوذی و انسدادی، به روش دینامیک مولکولی کار چندانی صورت نگرفته است. اطلاعات جمع‌آوری شده به پژوهشگرانی که متمایل به انجام تحقیق در این زمینه هستند، مفاهیم و اطلاعات مفیدی را برای شروع کار منتقل می‌کند.

## ۲- شبیه‌سازی دینامیک مولکولی

خواص نانوچندسازهای بسپاری به برهم‌کنش‌ها در مقیاس اتمی و الکترونی وابسته است که در مقیاس زمانی نانو ( $10^{-9}$ ) و یا پیکو ( $10^{-12}$ ) و حتی فمتو ( $10^{-15}$ ) ثانیه، و در مقیاس مکانی نانومتری اتفاق می‌افتد [۳]. در شبیه‌سازی دینامیک مولکولی حرکت همه ذرات یک سامانه در اثر برهم‌کنش‌های بین مولکولی تا رسیدن به حالت تعادل، به صورت تکرارشونده در هر گام زمانی با حل معادلات نیوتون به صورت انتگرال گیری عددی برای دنبال کردن حرکت اتم‌ها و مولکول‌ها با زمان، توصیف می‌گردد. این روش به طور گسترده برای فهم خواص فیزیکی مواد مختلف، مانند بسپارها به کار برده شده است [۱۴ و ۱۵].

با استفاده از ابزار شبیه‌سازی (اتمی-مولکولی)، می‌توان ساختار مولکولی را در مقیاس  $1 \text{ to } 10 \text{ نانومتر}$  تحلیل کرد [۱۶]. در این مقیاس، می‌توان ترمودینامیک و سینتیک تشکیل ساختارهای مولکولی ممکن و برهم‌کنش‌ها و ضرایب نفوذ اتمی از درون نانوچندسازهای بسپاری را مشخص کرد [۱۳]. در شبیه‌سازی دینامیک مولکولی، حرکت اتم‌ها در یک سامانه مولکولی با استفاده از دینامیک مولکولی محاسبه می‌شود و رفتار وابسته به زمان یک سامانه مولکولی براساس حرکت اتم‌های آن برآورد می‌شود و از آنجا مطالعه ساختار و خواصی مانند پایداری، نفوذ، انرژی پیوندی بین

دفع اجزای نفوذکننده از سطح بسپار، بیان کرد [۵]. عوامل تأثیرگذار بر تراوایی، شامل انحلال‌پذیری ماده نفوذکننده به درون بسپار، میزان قطبیت، بلورینگی، جهت‌گیری بافت بسپاری و نوع، مقدار و نحوه پخش پرکننده می‌باشد. برای مثال، بسپارهای با بلورینگی بالا، به خاطر ساختار منظم‌شان، معمولاً نفوذ‌پذیری کمتری دارند و بنابراین، فضاهای خالی کمتری برای عبور گازها در مواد خواهند داشت [۶]. از عوامل مؤثر دیگر در نفوذ‌پذیری گازها در مواد بسپاری، می‌توان به اندازه مولکول نفوذکننده، کسر حجم آزاد و تحرک‌پذیری زنجیره بسپاری و همچنین برهم‌کنش‌های میان مولکول نفوذکننده و سامانه بسپاری، دما، فشار و رطوبت نسبی، اشاره کرد [۷ و ۸].

سامانه‌های بسپاری همراه با ذرات پرکننده به عنوان عوامل انسدادی برای گازها، بخارات و مایعات می‌توانند مورد استفاده قرار بگیرند. برای مثال، نوارچیان و همکاران در مدل‌سازی خواص انسدادی سامانه‌های نانوچندسازهای (بسپار- خاکرس) نشان داده‌اند که تنها با وارد نمودن درصد کمی از صفحات سیلیکاتی خاکرس درون بافت بسپاری، خواص انسدادی به طور قابل ملاحظه‌ای افزایش می‌یابد [۹]. در بررسی خواص انسدادی این نوع نانوچندسازهای، دو عامل اهمیت دارد. اولین عامل، عامل هندسی است که با توجه به نفوذناپذیر بودن صفحات خاکرس، باعث طولانی و پیچاپیج شدن مسیر حرکت مولکول‌های نفوذکننده شده و بسته به چگونگی قرار گرفتن صفحات در بافت بسپاری، منجر به کاهش تراوایی می‌گردد. حتی با محتوای کمی از نانوصفحات خاکرس، تراوایی گاز از میان فیلم‌های بسپاری به میزان  $500 \text{ تا } 5000$  برابر کمتر گزارش شده است [۱۰]. دومین عامل، تغییر تراوایی محلی در نزدیکی صفحات خاکرس است که به دلیل برهم‌کنش‌های ایجاد شده بین مولکول نفوذکننده و صفحات خاکرس می‌باشد [۱۱].

اندازه‌گیری‌های آزمایشگاهی معمولاً تأثیر توانی از این دو عامل را بیان می‌کنند و تفکیک کامل تأثیر این دو عامل به روش تجربی کار دشواری است. بنابراین، ضروری است برای بررسی دقیق این عوامل، از روش‌های شبیه‌سازی در مقیاس مولکولی استفاده شود [۱۱]. به کمک این روش‌ها می‌توان ساختارهای نانوچندسازهای مناسبی برای کاربردهای مهندسی طراحی کرد [۱۲]. دو روش رایج محاسباتی در مقیاس مولکولی و اتمی که تاکنون برای سامانه‌های نانوچندسازهای

$$\begin{aligned}
 U(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N) = & \sum_{i_{bond}}^{N_{bond}} U_{bond}(i_{bond}, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b) \\
 + \sum_{i_{angle}}^{N_{angle}} U_{angle}(i_{angle}, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b, \mathbf{r}_c) + \sum_{i_{torsion}}^{N_{torsion}} U_{torsion}(i_{torsion}, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b, \mathbf{r}_c, \mathbf{r}_d) \\
 + \sum_{i_{inversion}}^{N_{inversion}} U_{inversion}(i_{inversion}, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b, \mathbf{r}_c, \mathbf{r}_d) + \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j>i}^N U_{vdw}(i, j, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b) \\
 + \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j>i}^N U_{electrostatic}(i, j, \mathbf{r}_a, \mathbf{r}_b)
 \end{aligned} \quad (2)$$

چهار جمله اول، برهم‌کنش‌های پیوندی ناشی از طول پیوند، زاویه پیوند، زاویه فضایی دووجهی (پیچشی) و برهم‌کنش‌های وارونگی (در مورد ترکیبات  $\text{NR}_3$ ) را بیان می‌کنند، و دو جمله آخر برهم‌کنش‌های غیرپیوندی یعنی انرژی واندروالسی و انرژی الکتروستاتیکی هستند. در این معادله  $\mathbf{r}_a, \mathbf{r}_c, \mathbf{r}_b$  و  $\mathbf{r}_d$  موقعیت‌های اتم‌های درگیر در برهم‌کنش‌های مربوطه را نشان می‌دهند و  $N_{bond}$ ،  $N_{inversion}$  و  $N_{angle}$  بیانگر تعداد کل برهم‌کنش‌های مربوطه در سامانه می‌باشند. در جدول (۱)، توابع پتانسیل انواع برهم‌کنش‌های پیوندی و غیرپیوندی معرفی و توصیف شده‌اند [۱۸]. معادلات (۳) تا (۵) برهم‌کنش‌های پیوندی را با استفاده از توابع نوسانگر هماهنگ مربوطه بیان می‌کنند. در این روابط،  $k$  ثابت مربوط به سامانه،  $r$  طول پیوند،  $r_0$  طول پیوند تعادلی،  $\theta$  زاویه پیوندی تعادلی،  $\varphi$  زاویه فضایی دووجهی (پیچشی)،  $n$  تناوب پیچش و  $V_n$  ارتفاع سد چرخشی می‌باشند. معادله (۶) مربوط به برهم‌کنش‌های وارونگی است که همانند رابطه  $U_{angle}$  (معادله (۴)) می‌باشد.

در مورد برهم‌کنش‌های غیرپیوندی، معادله (۷) انرژی واندروالسی را بیان می‌کند که در این رابطه،  $\sigma$  قطر مشخصه اتم یا مولکول است و قطر برخورد نامیده می‌شود. همچنین  $\epsilon$  عمق چاه پتانسیل (مشخصه انرژی) است که در واقع بیشینه انرژی جاذبه بین جفت اتم‌ها یا مولکول‌هاست [۱۹]. رابطه (۸) مربوط به انرژی الکتروستاتیک است که در آن،  $q_i$  و  $q_j$  بارهای الکتریکی مربوط به اتم‌های  $i$  و  $j$  می‌باشند. تعدادی از میدان‌های نیرویی که در شبیه‌سازی دینامیک مولکولی مورد استفاده قرار می‌گیرند، در جدول (۲) معرفی و بهطور خلاصه توصیف شده‌اند، لازم به ذکر است که میدان نیروی مناسب برای انجام شبیه‌سازی بر روی یک سامانه معین، با توجه به اجزای تشکیل‌دهنده آن سامانه و برهم‌کنش‌های بین آنها تعیین می‌گردد.

مولکول‌ها و ارتعاش آنها امکان پذیر می‌شود. همچنین این روش به طور گسترده برای تعیین مکانیسم‌های جریان، جذب و جداسازی ترکیبات مولکولی چند جزئی در مواد نانوحفره‌ای و همچنین در سیستم‌های واقعی مانند زئولیت‌ها، مورد استفاده قرار گرفته است. برای مثال سبزیان و همکاران با استفاده از این روش به بررسی و مشخصه‌سازی جریان گازهای ( $\text{CO}/\text{CO}_2$ ) در نانولوله‌های کربنی پرداخته‌اند [۱۵].

شبیه‌سازی دینامیک مولکولی شامل چهار مرحله است [۱۳]:

- ۱- تعیین مجموعه‌ای از شرایط اولیه (یعنی تعیین موقعیت‌ها و سرعت‌های اولیه ذرات سامانه).
- ۲- تعیین میدان نیروی حاکم میان اجزاء و اعمال شرایط مرزی دوره‌ای.
- ۳- حل مجموعه‌ای از معادلات حرکت مکانیک کلاسیک نیوتونی برای ذرات سامانه با پیشرفت زمان.
- ۴- کنترل دما، فشار و محاسبه خواص (اتمی- مولکولی) و خواص آماری (مجموعه‌ای).

معادله کلی حرکت ذرات با استفاده از قانون دوم نیوتون به صورت زیر بیان می‌گردد:

$$\mathbf{F}_i(t) = -\nabla_{\mathbf{r}_i} \mathbf{U}(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N) = m_i \frac{d^2 \mathbf{r}_i}{dt^2} \quad (1)$$

در اینجا،  $\mathbf{F}_i$  نیروی اعمال شده برروی اتم  $i$  در زمان  $t$  است که به صورت منفی شبیه‌سازی مربوطه برهم‌کنش به دست می‌آید. در این رابطه،  $m_i$  جرم اتمی و  $\mathbf{r}_i$  موقعیت اتم  $i$  است. مجموعه پتانسیل‌های برهم‌کنش ( $\mathbf{U}$ ) میان اجزاء سامانه مورد بررسی همراه با پارامترهای مربوط به معادلات انرژی پتانسیل (مثل شعاع واندروالسی، ثابت‌های طول، زوایای پیوندی و زوایای دووجهی، بار الکتریکی، وغیره) میدان نیرو نامیده می‌شود. هسته هر میدان نیرو، توابع انرژی پتانسیل مورد استفاده برای توصیف برهم‌کنش‌های بین اجزاء سامانه موردنظر می‌باشد. بنابراین، یک تابع انرژی پتانسیل به تنها یک میدان نیرو را نمی‌سازد بلکه ترکیبی از توابع انرژی پتانسیل با پارامترهای آن، یک میدان نیرو را ایجاد می‌کند [۱۷]. توابع پتانسیل برهم‌کنش ممکن است به صورت زیر باشند [۱۳]:

## 1. Ensemble

جدول ۱- انواع توابع پتانسیل برای توصیف برهمنکش‌های پیوندی و غیرپیوندی

ردیف	انرژی پتانسیل	نماد	نمودار	رابطه
۱	پتانسیل طول پیوندی			$U_{bond}(r) = \frac{1}{2}k(r - r_0)^2 \quad (۳)$
۲	پتانسیل زاویه پیوندی			$U_{angle}(\theta) = \frac{1}{2}k(\theta - \theta_0)^2 \quad (۴)$
۳	پتانسیل فضایی دووجهی یا پیچشی			$U_{torsion}(\phi) = \frac{V_n}{2}(1 + \cos[n\phi - \gamma])^2 \quad (۵)$
۴	پتانسیل وارونگی (در مورد ترکیبات NR <sub>3</sub> )			$U_{Inversion}(\omega) = \frac{1}{2}k(\omega - \omega_0)^2 \quad (۶)$
۵	پتانسیل واندروالسی			$U(r) = 4\epsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r} \right)^6 \right] \quad (۷)$
۶	پتانسیل الکتروستاتیکی			$U(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{r} \quad (۸)$

جدول ۲- تعدادی از میدان‌های نیروی مورد استفاده برای شبیه‌سازی دینامیک مولکولی

ردیف	میدان نیرو	کاربرد
۱	میدان نیروی امبر <sup>۱</sup> [۲۰]	شبیه‌سازی زیست‌مولکول‌ها در تعیین میدان نیروی اسیدهای نوکلئیک، پیتیدها، مولکول‌های آبی کوچک و همچنین شبیه‌سازی داروها و مولکول‌های کوچک لیگاندها در ترکیبی از زیست‌مولکول‌ها
۲	میدان نیروی چارم <sup>۲</sup> [۲۱]	تعیین میدان نیروی مولکول‌های آبی و زیست‌شناختی در محلولهای آبی، تعیین میدان نیروی پروتئین‌ها، لیپیدها، کربوهیدرات‌ها، اسیدهای نوکلئیک، ترکیبات مولکولی کوچک شامل کوآنزیم‌ها
۳	میدان نیروی دریدینگ <sup>۳</sup> [۲۲]	تعیین میدان نیروی ساختارهای مولکول‌های آبی، زیست‌شناختی و گروههای غیرآبی، سامانه‌های بسیاری و نانوچندسازهای، فسفات‌ها، شکر، سولفات‌ها، سولفون‌ها، نیترات‌ها، کربنات‌ها، اسیدهای
۴	میدان نیروی کامپس <sup>۴</sup>	شبیه‌سازی مواد فاز چگالیده، بسیاری از مواد و مولکول‌های کوچک غیرآبی، بسیارها، یون‌های فلزی، اکسیدهای فلزی و فلزات
۵	میدان نیروی PCFF	شبیه‌سازی بسیارها، اسیدهای نوکلئیک، مواد آبی، پلی کربنات‌ها، رزین‌های ملامینی، پلی‌ساکاریدها، مولکول‌های غیرآبی، فلزات، کربوهیدرات‌ها، لیپیدها همچنین برسی انرژی‌های چسبندگی، خواص مکانیکی، تراکم‌پذیری و ظرفیت گرمایی

1. Amber
2. Charmm
3. Dreiding
4. Compass

در این الگوریتم، دقت محاسبات افزایش یافته و لی سرعتها و موقعیت‌ها به طور همزمان به دست نمی‌آید. بنابراین، الگوریتم ورلت سرعت به صورت زیر مورد استفاده قرار می‌گیرد:

$$\mathbf{r}(t + \Delta t) = \mathbf{r}(t) + v(t)\Delta t + \frac{1}{2}a(t)\Delta t^2 \quad (16)$$

$$v(t + \frac{1}{2}\Delta t) = v(t) + \frac{1}{2}a(t) \quad (17)$$

$$a(t + \Delta t) = -\frac{1}{m} \nabla U(\mathbf{r}(t + \Delta t)) \quad (18)$$

$$v(t) = v(t + \frac{1}{2}\Delta t) + \frac{1}{2}a(t + \Delta t)\Delta t \quad (19)$$

از سوی دیگر، دینامیک مولکولی یک روش مکانیک آماری است که توسط آن می‌توان پیکربندی‌های سامانه را با استفاده از توابع توزیع آماری یا مجموعه‌های آماری به دست آورد [۲۳]. برای این منظور، مجموعه‌های متفاوتی وجود دارند که از جمله رایج‌ترین آنها می‌توان به مجموعه بندادی<sup>۴</sup> (NVT) که تعداد ذرات، حجم و دما ثابت است، مجموعه (همدما- همفشار) (NPT) که در آن تعداد ذرات، فشار و دما ثابت است، بندادی بزرگ<sup>۵</sup> ( $\mu$ VT) که در آن پتانسیل شیمیابی، حجم و دمای سامانه ثابت است و بندادی کوچک<sup>۶</sup> (NVE) که در آن، تعداد ذرات، حجم و انرژی کل ثابت است، اشاره کرد. براساس شرایط سامانه، مجموعه موردنظر انتخاب می‌گردد. برای ثابت نگه-داشتن تقریبی دما و فشار به ترتیب از سامانه‌های دمایپای<sup>۷</sup> و فشارپای<sup>۸</sup> در سامانه استفاده می‌شود [۲۳].

برای شبیه‌سازی فرایند نفوذ و تراوایی گازها در مواد، می‌توان از متوسط مربع جابجایی<sup>۹</sup> (MSD) اتم‌ها در یک فاصله زمانی معین (از صفر تا  $t$ ) استفاده کرد که براساس تعریف زیر محاسبه می‌گردد:

$$MSD = \left\langle |\mathbf{r}(t) - \mathbf{r}(0)|^2 \right\rangle = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N |\mathbf{r}_i(t) - \mathbf{r}_i(0)|^2 \quad (20)$$

که در اینجا نماد  $\langle \dots \rangle$  بیانگر متوسط‌گیری بر روی میزان جابجایی همه اتم‌ها (یا همه اتم‌ها در یک زیرمجموعه مشخص) و  $N$  تعداد

الگوریتم‌های زیادی برای انتگرال‌گیری زمانی از معادله حرکت با استفاده از روش‌های تفاضل محدود وجود دارند. الگوریتم‌های انتگرال‌گیری زمانی ورلت<sup>۱</sup>، ورلت سرعت<sup>۲</sup> و جهش قورباغه‌ای<sup>۳</sup> به طور رایج در شبیه‌سازی‌های دینامیک مولکولی مورد استفاده قرار گرفته‌اند. در همه الگوریتم‌های انتگرال‌گیری زمانی فرض می‌شود که موقعیت‌های اتمی، سرعت‌ها و شتاب‌ها می‌توانند توسط بسط سری تیلور تخمین زده شوند [۱۳]. رایج‌ترین الگوریتم انتگرال‌گیری زمانی، الگوریتم ورلت است که از دو بسط تیلور مرتبه سوم، یکی پیشرو و دیگری پسرو در زمان، برای موقعیت‌های  $\mathbf{r}(t)$  استفاده می‌کند. اگر سرعت با  $v$ ، و شتاب با  $a$  نمایش داده شود، آنگاه رابطه اصلی و پایه این الگوریتم را می‌توان به صورت زیر بیان کرد [۱۹]:

$$\mathbf{r}(t + \Delta t) = 2\mathbf{r}(t) - \mathbf{r}(t - \Delta t) + a(t)\Delta t^2 + O(\Delta t^4) \quad (9)$$

سرعت‌ها در زمان  $t$  و  $t - \Delta t$  را نیز می‌توان به صورت زیر تخمین زد [۱۳]:

$$\mathbf{v}(t) = (\mathbf{r}(t + \Delta t) - \mathbf{r}(t - \Delta t)) / 2\Delta t \quad (10)$$

$$\mathbf{v}(t + \frac{1}{2}\Delta t) = (\mathbf{r}(t + \Delta t) - \mathbf{r}(t)) / \Delta t \quad (11)$$

$$\mathbf{a}(t + \Delta t) = -\frac{1}{m} \nabla U(\mathbf{r}(t + \Delta t)) \quad (12)$$

از معایب این الگوریتم می‌توان به عدم امکان تعیین موقعیت‌ها و سرعت‌ها به طور همزمان، و مرتبه خطای پایین در بدست آوردن سرعتها اشاره کرد. برای رفع این معایب، الگوریتم جهش قورباغه‌ای به صورت زیر بیان شده است:

$$\mathbf{r}(t + \Delta t) = \mathbf{r}(t) + v(t + \frac{1}{2}\Delta t)\Delta t \quad (13)$$

$$v(t + \frac{1}{2}\Delta t) = v(t - \frac{1}{2}\Delta t) + a(t)\Delta t \quad (14)$$

$$v(t) = \frac{1}{2}[v(t - \frac{1}{2}\Delta t) + v(t + \frac{1}{2}\Delta t)] \quad (15)$$

- 
- 4. Canonical Ensemble
  - 5. Grand Canonical Ensemble
  - 6. Microcanonical Ensemble
  - 7. Thermostat
  - 8. Barostat
  - 9. Mean Square Displacement

- 1. Verlet
- 2. Velocity Verlet
- 3. Leap-Frog

### ۳- روند شبیه‌سازی دینامیک مولکولی

به طور کلی، روند شبیه‌سازی دینامیک مولکولی برای تعیین میدان نیرو و به دست آوردن برهم‌کنش‌های بین اجزای سامانه‌های بسپاری، چندسازه‌ها و نانوچندسازه‌ها و در نتیجه به دست آوردن چگونگی حرکت اجزاء با پیشرفت زمان، دارای چند مرحله اساسی است. با استفاده از این روند، برای بررسی خواص نفوذی و انسدادی سامانه، می‌توان ضرایب نفوذ اجزای نفوذ‌کننده را به دست آورد. به طور نمونه الگوی کلی چنین روندی برای شبیه‌سازی دینامیک مولکولی فرایند نفوذ در نانوچندسازه‌های (بسپار- خاکرس) در شکل (۱) نشان داده شده است.

کل اتم‌ها می‌باشد. اگر سامانه جامد باشد، مقدار MSD به یک مقدار محدودی می‌رسد، در حالی که اگر سامانه سیال (مایع یا گاز) باشد، مقدار MSD برای زمان‌های شبیه‌سازی نه چندان بزرگ و نیز برای سامانه‌های با ابعاد بسیار بزرگ، به طور خطی با زمان افزایش می‌یابد. در این مورد، معمولاً رفتار سامانه با شبیه تغییرات MSD با زمان که ضریب نفوذ (D) نامیده می‌شود، با استفاده از رابطه اینشتین<sup>۱</sup>، مورد بررسی قرار می‌گیرد [۱۹]:

$$D = \lim_{t \rightarrow \infty} \frac{1}{6t} MSD \quad (21)$$

در این رابطه، عدد ۶ همان عدد کثوردیناسیونی<sup>۲</sup> در مدل شبکه<sup>۳</sup> سه‌بعدی (تعداد اولین همسایه‌های هر سلول) است و برای سامانه‌های دو بعدی این عدد باید با عدد ۴ جایگزین گردد.



شکل ۱- روند محاسبات شبیه‌سازی دینامیک مولکولی فرایند نفوذ در نانوچندسازه‌های (بسپار- خاکرس)

1. Einstein Equation
2. Coordination Number
3. Lattice

#### ۴- نرم افزارهای شبیه سازی دینامیک مولکولی

این نرم افزار، روش حل به صورت داده های تکرار شونده<sup>۳</sup> است که با قسمت بندی سامانه و فرستادن هر قسمت به یک پردازشگر، کار شبیه سازی انجام می گیرد، در صورتی که در نسخه ۲ آن از روش تجزیه دامنه ای<sup>۴</sup> استفاده می شود که در آن با تقسیم سامانه به قسمت های مساوی و فرستادن هر کدام از آنها به یک پردازشگر، که پردازشگرها نیز باهم در ارتباط هستند، محاسبات شبیه سازی انجام داده می شود که نسبت به روش حل نسخه ۲ کارآمدتر بوده و باعث کاهش زمان شبیه سازی می گردد. خلاصه ای از ویژگی های این نرم افزارها در جدول (۳) ارائه شده است [۲۳ و ۲۴].

جدول ۳- معرفی نرم افزارهای شبیه سازی دینامیک مولکولی

نام نرم افزار	زبان برنامه نویسی و محیط عمل	کاربرد و قابلیت ها	دسترسی نرم افزار و وبگاه مربوطه	شرکت یا نهاد توسعه دهنده
دی ال پلی <sup>۲</sup>	فرترن، محیط های عامل یونیکس و لینوکس	شبیه سازی های ماکرومولکولی و یونی، نانو چند سازه های (آلی- غیر آلی) و بررسی ساختار خاکرس.	به صورت رایگان <a href="http://www.cse.scitech.ac.uk/ccg/software/dl_poly">www.cse.scitech.ac.uk/ccg/software/dl_poly</a>	آزمایشگاه دارسburی <sup>۴</sup> ، انگلستان
دی ال پلی <sup>۳</sup>	فرترن، محیط های عامل یونیکس و لینوکس	شبیه سازی سامانه های با تعداد ذرات در حدود یک میلیون و بالاتر. محاسبه نیروهای با فواصل دورتر بین ذرات سامانه.	به صورت رایگان <a href="http://www.cse.scitech.ac.uk/ccg/software/ dl_poly">www.cse.scitech.ac.uk/ccg/software/ dl_poly</a>	آزمایشگاه دارسburی، انگلستان
امبر	فرترن ۹۰ و C. مکینتاش، ویندوز و محیط های عامل یونیکس و لینوکس	شبیه سازی سامانه های زیست مولکولی مانند پروتئین ها، کربوهیدرات ها، مولکول های آلی و نوکلئیک اسیدها. تحلیل های ساختاری سامانه.	امبر ۹ به صورت رایگان قابل برداشت است. <a href="http://ambermd.org">http://ambermd.org</a>	دانشگاه کالیفرنیا، سانفرانسیسکو
گرومکس <sup>۵</sup>	C، فرترن، محیط های عامل یونیکس و لینوکس	سامانه های زیستی با برهم کنش های پیوندی پیچیده و بسته های مولکولی مقایس- بزرگ. سامانه های شامل هزار تا میلیون ها ذره. محاسبه خوب و راحت برهم کنش های غیر پیوندی.	گرومکس ۴/۰ به صورت رایگان <a href="http://www.gromacs.org/">http://www.gromacs.org/</a>	دانشگاه گرونینگن <sup>۶</sup> ، هلند
لمپس <sup>۷</sup>	لمپس ۲۰۰۱، ۲۰۰۰ و ۹۰ و C++, ۲۰۰۴	مورد استفاده در رایانه های موازی. شبیه سازی سامانه های اتمی و مولکولی با مقایس بزرگ.	به صورت رایگان <a href="http://lammps.sandia.gov/download.html">http://lammps.sandia.gov/download.html</a>	آزمایشگاه های ملی ساندیا <sup>۸</sup> ، آمریکا
متربال <sup>۹</sup> استودیو <sup>۹</sup>	ویندوز xp و ویندوز ویستا	بررسی سامانه های نانو چند سازه (بسپار- خاکرس) و ساختار خاکرس. تعیین میدان نیروی بافت بسپاری و بین لایه ای خاکرس.	خرید نرم افزار با حدود قیمت 400\$ <a href="http://accelrys.com/products-materials-studio/">http://accelrys.com/products-materials-studio/</a>	شرکت نرم افزاری اکسلریس <sup>۱۰</sup> ، آمریکا

1. Replicated Data

2. DL\_POLY

3. Domain Decomposition

4. Daresbury

5. GROMACS (GROningen MOlecular Simulation package)

6. Groningen

7. LAMMPS (Large-scaled Atomistic/Molecular Massively Parallel Simulator)

8. Sandia

9. Material Studio

10. Accelrys

# مژوری بر کاربرد روش‌های شبیه‌سازی دینامیک مولکولی در مطالعه...

با توجه به مقالات موروث شده در این بخش، می‌توان نتیجه گرفت که نرم‌افزار متریال استودیو برای شبیه‌سازی دینامیک مولکولی خواص نفوذی در سامانه‌های بسپاری با استفاده از میدان نیروی کامپس بیشتر مورد استفاده قرار گرفته است و در اغلب موارد، مجموعه بندادی NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی و مجموعه بندادی NVT برای جمع‌آوری داده‌های حاصل از شبیه‌سازی به کار برده شده‌اند. نتایج حاصل از این شبیه‌سازی‌ها تطابق خوبی با نتایج تجربی دارند.

## ۵- مطالعات انجام شده در مورد خواص نفوذی با استفاده از شبیه‌سازی دینامیک مولکولی

مطالعات بسیاری در مورد شبیه‌سازی خواص نفوذی یا انسدادی سامانه‌های بسپاری در برابر عبور گازها صورت گرفته است. جدول (۴)، خلاصه‌ای از نکات کلیدی این مطالعات و جدول (۵) فکر محوری و نتایج حاصل از شبیه‌سازی خواص نفوذی در سامانه‌هایی مثل نانوچندسازه‌های (بسپار- خاکرس)، و سایر چندسازه‌ها و مخلوط‌های بسپاری را بیان می‌کنند.

جدول ۴- نکات کلیدی در مورد مقالات شبیه‌سازی دینامیک مولکولی خواص نفوذی مواد در سامانه‌های بسپاری

نرم‌افزار و میدان نیرو	شرایط شبیه‌سازی	مجموعه‌های بندادی مورد استفاده	غاز نفوذ کننده	سامانه مورد بررسی	حقیق (سال)
متیریال استودیو نسخه ۲/۲	گام‌های زمانی بر حسب پیکوثانیه، دمای ثابت ۳۰۰ K و فشار ثابت $10^5$ Pa	NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی و NVT برای جمع‌آوری داده	هیدروژن، نیتروژن، دی‌اکسیدکربن، متان و نرمال بوتان	پلی (۱-تری‌متیل‌سیلیل-۱-پروپین) / ذرات سیلیس کروی شکل	ژو و همکاران (۲۰۰۶) [۲۵]
میدان نیروی کامپس توسعه‌یافته توسط شرکت اکسلریس	گام‌های زمانی بر حسب پیکوثانیه، دمای ثابت ۳۰۰ K و فشار ثابت اتمسفری	NPT و NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی و NVT برای جمع‌آوری داده	هیلیم، هیدروژن، نیتروژن، اکسیژن	پلی‌دی‌متیل سیلوگران <sup>۱</sup> / سیلیکات‌۳ AMH-3 نانومتاخخل	کندوری و نایر (۲۰۰۷) [۲۶]
متیریال استودیو نسخه ۳/۲، میدان PCFF نیروی	گام‌های زمانی بر حسب پیکوثانیه، دمای ثابت ۳۰۰ K و فشار ثابت اتمسفری	NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی و NVT برای جمع‌آوری داده	بنزن، سیکلوهگران	پلی (وینیل الکل) <sup>۱</sup> / ذرات سیلیس نفوذناپذیر	بن و همکاران (۲۰۰۸) [۲۷]
متیریال استودیو، میدان نیروی کامپس توسعه‌یافته توسط شرکت اکسلریس	گام‌های زمانی بر حسب پیکوثانیه، دمای ثابت ۳۲۳ K و فشار ثابت $10^5$ Pa	NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی، ابتدا NPT و سپس NVT برای جمع‌آوری داده	اکسیژن، نیتروژن	پلی (متیل متاکریلات) / سیلیسکوگران‌های اوکیگومری چند وجهی جایگزین شده با پلی‌بی‌پوتیل <sup>۲</sup>	زانگ و همکاران (۲۰۰۹) [۲۸]
متیریال استودیو، میدان نیروی کامپس توسعه‌یافته توسط شرکت اکسلریس	گام‌های زمانی بر حسب فمتو ثانیه، دمای ثابت ۲۹۸ K و فشار اتمسفری	NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی، ابتدا NPT و سپس NVT برای جمع‌آوری داده	بنزن، سیکلوهگران	پلی (وینیل الکل) / گرافیت	بن و همکاران (۲۰۰۷) [۲۹]
متیریال استودیو توسعه‌یافته توسط شرکت اکسلریس، میدان نیروی دریدینگ	گام‌های زمانی بر حسب فمتو ثانیه، دمای ثابت ۳۲۳ K و فشار $10^5$ Pa	NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی، ابتدا NPT و سپس NVT برای جمع‌آوری داده	بنزن، سیکلوهگران	زنجیره‌های پلی‌متیلن اصفحات گرافیتی	راابندی و همکاران (۲۰۰۰) [۳۰]
لمپس <sup>۳</sup> ، میدان نیروی مورد استفاده فید نشده است.	گام‌های زمانی بر حسب فمتو ثانیه، اینجام شبیه‌سازی در دماهای ۲۰۰ K و ۴۰۰ K	در مقاله اشاره‌ای به مجموعه‌های بندادی مورد استفاده نشده است	هیلیم، نیون	توده بی‌نظم پلی‌اتیلن ترقیاتی و مخلوط‌های آن با پلی‌استرهای آزماتیک پلی‌(اتیلن)	پاول و همکاران (۲۰۰۵) [۳۱]
سریوس <sup>۴</sup> نسخه ۴/۹ توسعه‌یافته توسط شرکت اکسلریس، میدان نیروی دریدینگ ۷/۲۱	گام‌های زمانی بر حسب پیکو ثانیه، اینجام شبیه‌سازی در دماهای ۳۰۰ K و ۵۰۰ K و ۶۰۰ K	استفاده از مجموعه‌های بندادی NVE و NPT برای تولید و جمع‌آوری داده‌های موردنظر	اکسیژن، دی‌اکسیدکربن	توده بی‌نظم پلی‌اتیلن ترقیاتی و مخلوط‌های آن با پلی‌استرهای آزماتیک پلی‌(اتیلن)	پاول و همکاران (۲۰۰۵) [۳۱]

- Poly(vinyl alcohol) [PVA]
- Oligomeric Silsesquioxanes Substituted with Isobutyl (iBuPOSS)
- LAMMPS Software
- Cerius Version 4.9

جدول ۵- فکر محوری و نتایج حاصل از شبیه‌سازی در مرور مقالات انجام گرفته

محقق (سال)	سامانه مورد بررسی	فکر محوری	نتایج به دست آمده و مقایسه با داده‌های تجربی
ژو و همکاران (۲۰۰۶)	پلی(۱-تری‌متیل-سیلیل-۱-پروپین)/ ذرات سیلیس کروی	بررسی غلط و اندازه‌های متفاوت	۱- نقش مهم اتم‌های سیلیسیم در بافت بسپاری برای برهمنکش‌های غیرپیوندی بین گازها و بسپار و تأثیر آنها بر روی ضرایب نفوذ گازها ۲- افزایش ضرایب نفوذ با افزایش غلط و کاهش اندازه ذرات سیلیس به علت افزایش حجم آزاد بین بسپارها ۳- تطابق خوب با نتایج تجربی
کندوری و نایر (۲۰۰۷)	پلی‌دی‌متیل سیلوگزان/ سیلیکات/ AMH-3 نانومتخلخل	پراکندگی ماده لایه‌ای سیلیکات غیرآلی به صورت لایه لایه در بسپار و بررسی نفوذ با ترکیب درصدهای مختلفی از ماده سیلیکاتی	۱- به طور کلی افزایش نفوذ پذیری با افزایش ماده غیرآلی ۲- در مقدارهای بالا از ماده غیرآلی، افزایش استحکام زنجیره‌های بسپاری، تأثیر بر روی خواص انتقال و کاهش نفوذ پذیری ۳- تطابق خوب ضرایب نفوذ حاصل از شبیه‌سازی نسبت به کارهای شبیه‌سازی که قبلاً صورت گرفته، با مقادیر آزمایشگاهی
پن و همکاران (۲۰۰۸)	پلی(وینیل الکل)/ ذرات سیلیس نفوذناپذیر	بررسی نفوذ در تابعی سطح مشترک (بسپار- ذرات سیلیس) و تأثیرات نفوذ بر روی ریخت‌شناسی سطح مشترک	۱- وابستگی ضرایب نفوذ مولکول‌های نفوذ‌کننده به کسر حجم آزاد، افزایش ضرایب نفوذ و انتخاب‌پذیری با افزایش حرکت‌پذیری زنجیره بسپاری و حجم آزاد، ضرایب نفوذ ۲- پیش‌بینی یک رابطه نمایی بین ضریب نفوذ و عکس کسر حجم آزاد ۳- تطابق خوب ضرایب نفوذ حاصل از شبیه‌سازی با نتایج تجربی، ولی در بعضی موارد وجود تفاوت‌های قابل توجه بین مقادیر شبیه‌سازی و تجربی
زانگ و همکاران (۲۰۰۹)	پلی(متیل متاکریلات) (iBuPOSS)/ سامانه	بررسی میزان iBuPOSS بر نفوذ پذیری مولکول‌های نفوذ‌کننده	۱- افزایش ضرایب نفوذ هر دو گاز با افزایش میزان درصد iBuPOSS تا میزان درصد ۱۴/۸۵wt% و بعد از این میزان درصد، کاهش نفوذ پذیری ۲- انتخاب‌پذیری نفوذ (O <sub>2</sub> /N <sub>2</sub> ) کمتر چندسازه‌های بسپاری نسبت به بسپار خالص ۳- تطابق خوب نتایج شبیه‌سازی تطابق با داده‌های تجربی
پن و همکاران (۲۰۰۷)	پلی(وینیل الکل)/ اگرافیت	تحلیل هندسی توزیع فضاهای حجم آزاد سامانه	۱- وابستگی حجم آزاد به فضای سطح مشترک بین بسپار و ذرات گرافیتی و فضای بین زنجیره‌ای در توده بسپاری ۲- افزایش ضرایب نفوذ با حرکت‌پذیری زنجیره‌ای بالاتر و کسر حجم آزاد بیشتر و همچنین با افزایش بیشتر گروههای کربوکسیل و هیدروکسیل بسپار ۳- تطابق کامل نتایج شبیه‌سازی در بررسی ضرایب نفوذ، حرکت‌پذیری زنجیر و کسر حجم آزاد، با نتایج آزمایشگاهی
رالابندی و همکاران (۲۰۰۰)	زنجیره‌های پلی‌متیلن/ صفحات گرافیتی	تحلیل تراوایی مولکول‌های کوچک توسط دمای انتقال شیشه‌ای (T <sub>g</sub> ) سامانه	۱- ضرایب نفوذ گازی بالاتر در دمای K ۴۰۰ (بالاتر از T <sub>g</sub> ) نسبت به دمای K ۲۰۰ (پایین‌تر از T <sub>g</sub> ) ۲- عامل کلیدی میزان بارگذاری زنجیره‌های بسپاری بین صفحات در افزایش تراوایی، کاهش نفوذ پذیری با افزایش تعداد زنجیره‌های بسپاری میان صفحات گرافیتی در هر دو دما ۳- تطابق پیش‌بینی‌های انجام گرفته با نتایج آزمایشگاهی
پاول و همکاران (۲۰۰۵)	توده بی‌نظم پلی(اتیلن ترفتالیت) و مخلوطهای آن با پلی‌استرها/ آروماتیک پلی(اتیلن)	تحلیل تأثیر دما، دینامیک بسپار، چگالی و توزیع حجم آزاد بر روی خواص نفوذی	۱- افزایش ضریب نفوذ در مخلوطهای بسپاری به طور کلی با افزایش دما ۲- سهم مهم حجم آزاد در فرایند نفوذ در مخلوطهای پلی‌استری شبیه‌سازی شده ۳- کاهش کلی نفوذ به صورت خطی برای مخلوطهای شبیه‌سازی شده، با افزایش درصد پلی‌استرها در پلی(اتیلن ترفتالیت) ۴- نتایج خوب شبیه‌سازی در مقایسه نتایج با داده‌های محاسبه شده به طور تجربی

<sup>۱</sup>. Fraction of Free Volume (FFV)

دینامیک مولکولی این سامانه‌ها مقایسه شدند.

نتایج حاصل از مرور مقالات نشان می‌دهد نرم‌افزار متریال استودیو برای شبیه‌سازی دینامیک مولکولی خواص نفوذی در سامانه‌های بسپاری با استفاده از میدان نیروی کامپیس بیشتر مورد استفاده قرار گرفته است. همچنین در اغلب موارد، مجموعه (همدما- همفشار) NPT برای برقراری تعادل جزئی ترمودینامیکی و مجموعه بندادی NVT برای جمع‌آوری داده‌های حاصل از شبیه‌سازی به کار برده شده‌اند.

#### ۸- تشکر و قدردانی

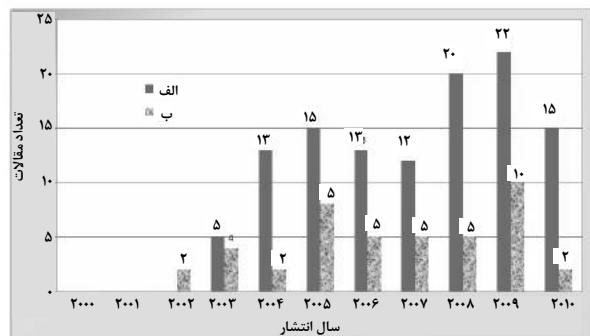
از ستاد ویژه توسعه فناوری نانو به خاطر حمایت مالی از این تحقیق قدردانی می‌گردد.

#### مراجع

- [1] Lee J. Y., Baljon A. R. C., Loring R. F., "Simulation of Polymer Melt Intercalation in Layered Nanocomposites", *J. Chem. Phys.*, pp. 10321-10330 (1998).
- [2] Fermeglia M., Ferrone M., Prich S., "Computer Simulation of Nylon-6/Organoclay Nanocomposites: Prediction of the Binding Energy", *Fluid Phase Equilib.*, pp. 315–329 (2003).
- [3] Scocchi G., Posocco P., Fermeglia M., Prich S., "Polymer-Clay Nanocomposites: A Multiscale Molecular Modeling Approach.", *J. Phys. Chem. B*, pp. 2143-2151(2007).
- [4] Prich S., Fermeglia M., "Atomistic Molecular Dynamics Simulation of Gas Diffusion and Solubility in Rubbery Amorphous Hydrocarbon Polymers", *Chem. Eng. Comm.*, pp. 1267-1292 (2003).
- [5] Eisenberg A., Kim J.-S., "Introduction to Ionomers", New York : Wiley, pp. 1-325 (1998).
- [6] Sperling L. H., "Introduction to Physical Polymer Science", New Jersey : John Wiley & Sons, pp. 174-183 (2006).
- [7] Qiu J., Zheng J.-M., Peinemann K.-V., "Gas Transport Properties of Poly(trimethylsilylpropyne) and Ethylcellulose Filled with Different Molecular Weight Trimethylsilylsaccharides: Impact on Fractional Free Volume and Chain Mobility", *Macromol. Mater. Eng.*, pp. 3213-3222 (2007).
- [8] Cozmuta I., Blanco M., Goddard W. A., "Gas Sorption and Barrier Properties of Polymeric Membranes from Molecular Dynamics", *J. Phys. Chem. B*, pp. 3151-3166 (2007).

#### ۶- بررسی میزان و نحوه جهت‌گیری پژوهش‌های انجام شده

نظر به کاربرد روزافون سامانه‌های نانوچندسازه بسپاری، مطالعه و پژوهش بروی این مواد به طور کلی در حال افزایش می‌باشد. روند انتشار مقالات علمی با جستجو و بررسی‌های انجام گرفته در پایگاه‌های اینترنتی مجلات ISI، در زمینه مطالعه نانوچندسازه‌های بسپاری در دهه ۲۰۰۰ (تا قبل از نوامبر ۲۰۱۰) و مقایسه آن با مقالات منتشرشده در زمینه شبیه‌سازی نفوذ و یا خواص انسدادی در نانوچندسازه‌های بسپاری، در شکل (۲) نشان داده شده است. با توجه به شکل، می‌توان به اهمیت موضوع شبیه‌سازی این سامانه‌ها و آگاهی از روند علاقه به پرداختن به موضوعات شبیه‌سازی در سامانه‌های نانوچندسازه‌ای و به طور خاص، به شبیه‌سازی خواصی مانند نفوذ، پی برد که مستلزم توجه به انجام کارهای تحقیقاتی و توسعه‌ای در این زمینه‌ها می‌باشد [۳۲].



شکل ۲- تعداد مقالات منتشرشده در زمینه شبیه‌سازی نانوچندسازه‌های بسپاری (الف) و مقالات منتشر شده در زمینه شبیه‌سازی نفوذ و خواص انسدادی در نانوچندسازه‌های بسپاری (ب)

#### ۷- نتیجه‌گیری

در این مقاله روند کلی روش شبیه‌سازی دینامیک مولکولی برای مطالعه خواص نفوذی و انسدادی سامانه‌های نانوچندسازه در عبور گاز مرور گردید. توابع پتانسیل و میدان‌های نیرو در سامانه‌های مختلف معرفی شدند و ضمن معرفی الگوریتم‌های انتگرال گیری زمانی مختلفی که برای بیان پیشرفت زمانی در معادلات مکانی و سرعت استفاده می‌شود، نرم‌افزارهای متداول برای شبیه‌سازی

- [9] Ghasemi E., Navarchian A. H., "Modeling the Effects of Silicate Layer Orientation on Barrier Properties of Polymer/clay nanocomposites", 9th International Seminar on Polymer Science and Technology (ISPST 2009), Tehran, (2009).
- [10] Choudalakis G., Gotsis A. D., "Permeability of Polymer/Clay Nanocomposites: A Review", *Eur. Polym. J.*, pp. 967–984 (2009).
- [11] Gusev A. A., Lusti H. R., "Rational Design of Nanocomposites for Barrier Applications", *Adv. Mater.*, pp. 1641-1643 (2001).
- [12] Valavalas P. K., Odegard G. M., "Modeling Techniques for Determination of Mechanical Properties of Polymer Nanocomposites", *Rev. Adv. Mater. Sci.*, pp. 34-44 (2005).
- [13] Zeng Q. H., Yu A. B., Lu G. Q., "Multiscale Modeling and Simulation of Polymer Nanocomposites", *Prog. Polym. Sci.*, pp. 191–269 (2008).
- [14] Chen C., Depa P., Sakai V. G., Maranas J. K., Lynn J. W., Peral I., Copley J. R. D., "A Comparison of United Atom, Explicit Atom, and Coarse-Grained Simulation Models for Poly(ethylene oxide)", *J. Chem. Phys.*, pp. 1-11 (2006).
- [15] Sabzian H., Tavangar Z., "Characterization of the flow of the CO/CO<sub>2</sub> gases through carbon nanotube junctions using molecular dynamic simulations", *J. Chem. Phys.*, pp. 120-129 (2009).
- [16] Fermeglia M., Prich S., "Multiscale Molecular Modeling in Nanostructured Material Design and Process System Engineering", *Comp. Chem. Eng.*, pp. 1-10 (2009).
- [17] Mackerell A. D. JR., "Empirical Force Fields for Biological Macromolecules: Overview and Issues", *J. Comput. Chem.*, pp. 1584-1604 (2004).
- [18] Todorov I. T., Smith W., "The DL\_POLY 3 User Manual", Cheshire : CCLRC Daresbury Laboratory, pp. 1-211 (2006).
- [19] Ercolessi F., "A Molecular Dynamics Primer", Trieste : International School for Advanced Studies (SISSA-ISAS), pp. 1-52 (1997).
- [20] Cornell D., Cieplak P., Bayly C. I., Gould I. R., Merz W. K. M. Jr., Ferguson D. M., Spellmeyer D. C., Fox T., Caldwell J. W., Kollman P. A., "A Second Generation Force Field for the Simulation of Proteins, Nucleic Acid, and Organic Molecules", *J. Am. Chem. Soc.*, pp. 5179-5197 (1995).
- [21] MacKerell A. D. Jr., Bashford D., Bellot M., Dunbrack R. L. Jr., Evanseck J. D., Field M. J., Fischer S., Gao J., Guo H., Ha S., Joseph-McCarthy D., Kuchnir L., Kuczera K., Lau F. T. K., Nattos C., Michnick S., Ngo T., Nguyen D. T., Prodhom B., Reiher W. E. III, Roux B., Schlenkrich M., Smith J. C., Stote R., Straub J., Watanabe M., Wiorkiewicz-Kuczera J., Yin D., Karplus M., "All-Atom Empirical Potential for Molecular Modeling and Dynamics Studies of Proteins", *J. Phys. Chem.*, pp. 3586-3616 (1998).
- [22] Mayo S. L., Olafson B. D., William A. Goddard III, "DREIDING: A Generic Force Field for Molecular Simulations", *J. Phys. Chem.*, pp. 8897-8909 (1990).
- [23] Leach A. R., "Molecular Modelling, Principles and Applications", Second Edition. s.l. : Pearson Education Limited, pp. 1-773 (2001).
- [24] Todorov I. T., Smith W., "DL POLY 3: the CCP5 National UK Code for Molecular-Dynamics Simulations", *Phil. Trans. R. Soc. Lond. A*, pp. 1835–1852 (2004).
- [25] Zhou J-H., Zhu R-X., Zhou J-M., Chen M-B., "Molecular Dynamics Simulation of Diffusion of Gases in Pure and Silica-Filled Poly(1-trimethylsilyl-1-propyne) [PTMSP]", *Polym.*, pp. 5206–5212 (2006).
- [26] Konduri S., Nair S., "A Computational Study of Gas Molecule Transport in a Polymer/Nanoporous Layered Silicate Nanocomposite Membrane Material", *J. Phys. Chem.*, pp. 2017-2024 (2007).
- [27] Pan F., Peng F., Lu L., Wang J., Jiang Z., "Molecular Simulation on Penetrants Diffusion at the Interface Region of Organic –Inorganic Hybrid Membranes", *Chem. Eng. Sci.*, pp. 1072 – 1080 (2008).
- [28] Zhang Q. G., Liu Q. L., Wu J. Y., Chen Y., Zhu A. M., "Structure-Related Diffusion in Poly(methyl methacrylate)/Polyhedral Oligomeric Silsesquioxanes Composites: A Molecular Dynamics Simulation Study", *J. Memb. Sci.*, pp. 1-8 (2009).
- [29] Pan F., Peng F., Jiang Z., "Diffusion Behavior of Benzene/Cyclohexane Molecules in Poly(vinyl alcohol)-Graphite Hybrid Membranes by Molecular Dynamics Simulation", *Chem. Eng. Sci.*, pp. 703 – 710 (2007).
- [30] Rallabandi P. S., Ford D. M., "Permeation of Small Molecules through Polymers Confined in Mesoporous Media", *J. Memb. Sci.*, pp. 239–252 (2000).
- [31] Pavel D., Shanks R., "Molecular Dynamics Simulation of Diffusion of O<sub>2</sub> and CO<sub>2</sub> in Blends of Amorphous Poly(ethylene terephthalate) and Related Polyesters", *Polym.*, pp. 6135–6147 (2005).
- [32] Reuters, Thomson. www.isiknowledge.com. [Retrieved: 2010-10-14].